

$$\nabla^2(\Psi+\Phi)=a^2P_{\rm de}\pi_{\rm de}\neq 0$$