宇宙論の最前線

小松英一郎

(テキサス宇宙論センター、テキサス大学オースティン校) 益川塾セミナー,京都産業大学,2011年10月1日

宇宙の標準模型

● 水素,ヘリウム = 4.58% (±0.16%)

- 暗黒物質 = 22.9% (±1.5%)
- 暗黒エネルギー = 72.5% (±1.6%)
- H₀=70.2±1.4 km/s/Mpc
- 宇宙年齢=I37.6億年(±I.I億年)

Universal Stats

Age of the universe today 13.75 billion years

Age of the cosmos at time of reionization 457 million years



"ScienceNews" article on the WMAP 7-year results

宇宙論:次の10年?

Astro2010:Astronomy & Astrophysics Decadal Survey

 "Cosmology and Fundamental Physics"小委員会の報告 (Panel Report, Page T-3):

TABLE I Summary of Science Frontiers Panels' Findings

Panel

Cosmology and	CFP 1	Н
Fundamental Physics	CFP 2	v

- CFP 3 W
- CFP 4 W

rophysics Decadal Survey I Physics"小委員会の報告

Science Questions

Iow Did the Universe Begin?

Why Is the Universe Accelerating?

What Is Dark Matter?

What Are the Properties of Neutrinos?

宇宙論:次の10年?

Astro2010: Astronomy & Astrophysics Decadal Survey

 "Cosmology and Fundamental Physics"小委員会の報告 の意訳:

TABLE I Summary of Science Frontiers Panels' Findings

Panel

Cosmology and	CFP 1	Н
Fundamental Physics	CFP 2	v

- CFP 3
- CFP 4



宇宙論:次の10年?

Actro2010. Actronomy & Actrophysics Docadal Survey

どうすればこれらの問題に 立ち向かえるか?

Fundamental Physics

CFP 2 Why Is the Un 暗黒エネルギー

- CFP 3 W
- CFP 4 W

の物理

5

What Is Dark 1 暗黒物質

What Are the I

ニュートリノ質量

宇宙論の黄金時代

- 現在、我々は宇宙論の黄金時代(Golden Age of Cosmology) にいる、と良く言われている。
- なぜ黄金時代か?
 - キサイティングな状況
 - まれに見る理論と観測・実験の有機的つながり
- 今、宇宙論が熱い!

大きな壁、大きなチャレンジが立ちふさがっている。非常にエ



• 宇宙背景放射

宇宙の大規模構造







可視光で見た夜空(~500nm)

courtesy University of Arizona

マイクロ波で見た空(~1mm)

courtesy University of Arizona

マイクロ波で見た空(~1mm)

宇宙を一様に埋め尽くす ビッグバンの残光 宇宙マイクロ波省景輻射 T = 2.725 K

11 courtesy University of Arizona



COBE/DMR, 1992





2.7Kの等方成分に加え、30uKの 揺らぎ(1/100,000)が発見された。



COBE to WMAP



COBE 1989

COBEに比べ、 ●角度分解能で35倍 ●感度で10倍の改善

2001



COBE WMAP



WMAP サイエンスチーム



•WMAP: 2001年6月打ち上げ; 2010年8月運用停止

•20人くらいでやってます

WMAPの成果(代表的なもの)

- 宇宙の年齢を137億歳と決定
- 通常の物質と暗黒物質の量、暗黒エネルギーの量を
 決定

-通常の物質(水素・ヘリウム):4% -暗黒物質:23% -暗黒エネルギー:73%

- ・ビッグバンの前の宇宙の状態に迫った - 「インフレーション宇宙」に新しい知見

マイクロ波背景輻射: 光で探る事のできる最遠方の宇宙 Afterglow Light **Development of** Dark Ages Pattern 400,000 yrs. Inflation Quantum Fluctuations **1st Stars** about 400 million yrs. **Big Bang Expansion** 13.7 billion years

•マイクロ波背景輻射は宇宙が380,000歳(温度3000K)の時に放たれた。 •WMAPにより距離が決定され、宇宙年齢が137±1億歳と決定された。



ASA/WMAP Science Team



揺らぎの解析:

2点相関関数

- C(θ)=(1/4π)∑(2l+1)C_lP_l(cosθ) • "パワースペクトル" C_l
 - I ~ 180度 / θ





ビッグバン宇宙を伝わる音波



光子-バリオン*流体

音速² = 光速² / [3(I+R)]; R=3ρ_b/(4ρ_Y) *水素・ヘリウム









"Cosmic Pie Chart"

 宇宙論観測により、宇宙の 組成が正確に決められた

 その結果、我々は宇宙の 96%を理解できていない事 がわかった!

水素とヘリウム 暗黒物質 暗黒エネルギー

より初期宇宙へ

 マイクロ波背景輻射は宇宙が380,000歳の時の物理 状態を正確に保存している。

それより以前に行けないか?

揺らぎの起源

● 音波は、種となる揺らぎがなければ発生しない。 • 何が初期揺らぎを作ったのか? 観測される揺らぎの性質を用いれば、その揺らぎ の起源、すなわち原始宇宙の物理の解明へ!





原始宇宙は完全にスケール不変でないかもしれない





小スケール



	5	
F	H	
Г		

原始宇宙へ

- ●現在、原始宇宙を記述する理論として最も有望なのが インフレーション理論。この理論によれば:
 - 宇宙膨張は、宇宙誕生まもなく加速膨張を始めた。
 - 加速膨張により、空間が急激に伸ばされた。
 - IO-36秒程度の間に原子核のサイズ(~IO-15m)が、天文 学的なサイズ(IAU~I0^{II}m)に伸ばされる!

宇宙創成に迫る

- 現在の考え -ビッグバン以前の宇宙は、冷たかった。
- •WMAPの結果により、宇宙は誕生まもなく急激な加速膨張 (=インフレーション)を起こした事が、明らかになりつつある。 - 急激な膨張は、宇宙の急激な冷却を意味する
- インフレーションが終わる頃、膨張のエネルギーが解放され、
 宇宙は火の玉状態(=ビッグバン)となった。
- ・ビッグバンは宇宙の始まりではない。
- ・しかし、観測的にどう証明すれば良いのか?

インフレーション=原始暗黒エネルギー



原始宇宙へ

●現在、原始宇宙を記述する理論として最も有望なのが インフレーション理論。この理論によれば:

- 極微の世界の物理 = 量子場の物理
- 揺らぎの起源は、量子場の揺らぎである
- どのスケールにどの程度の揺らぎがあるかは、インフ レーション中の膨張速度と量子場の運動で決定される



量子場の揺らぎ

(量子場の揺らぎ,δφ [エネルギー]) =hx(宇宙の膨張率,H[I/時間]) プランク定数

温度揺らぎは

(温度揺らぎ, **δ**T/T)

= $(1/5) \times H\delta \phi / (d\phi/dt)$ $= (h/5) \times H^2 / (d\phi/dt)$


量子場の揺らぎ

(量子場の揺らぎ,δφ) =hx(宇宙の膨張率,H)

温度揺らぎは (温度揺らぎ, **δ**T/T) = $(1/5) \times H\delta \phi / (d\phi/dt)$ $= (h/5) \times H^2 / (d\phi/dt)$ ~ $(h/15M_{planck}) \times V / (d\phi/dt)$

温度揺らぎから原始揺らぎへ





38

マイクロ波背景輻射のフロンティア

• 原始重力波

非ガウス性

原始重力波

(重力波の振幅, h_(+,x))

= h x (宇宙の膨張率, H) / M_{planck}

● 量子揺らぎによって、重力波が生成される

● 重力波は相互作用が極めて弱く、宇宙は重力波に 対して極めて透明。

●インフレーションの時期を直接観測できる可能性

重力波がやってきた!

重力波は空間を引き延ばして 粒子を動かす 41

重力波の2つのモード

これらからどのように温度揺らぎや 偏光が生じるのか?



重力波から温度・偏光へ

Electron





重力波から温度・偏光へ





偏光の生成機構







45

温度揺らぎから偏光へ





温度揺らぎから偏光へ





テンソル-スカラード $2\langle |h_{\mathbf{k}}^{+}|^{2} + |h_{\mathbf{k}}^{\times}|^{2} \rangle$ $\langle | \mathbf{L}_{\mathbf{k}} |^2 \rangle$ これは「スローロールパラメーター」と結びつく: r = 168ここで $\epsilon = -(dH/dt)/H^2 = 4\pi G (d\phi/dt)^2/H^2 \approx (16\pi G)^{-1} (dV/d\phi)^2/V^2$





まだ重力波起源の偏光は見つかっていない49





宇宙の大規模構造の観測

- 銀河サーベイ (SDSSなど)
 - 銀河をテスト粒子として使う
- 重カレンズ
- 銀河団
- ガス雲(ライマンαの吸収線など)



52

宇宙の大規模構造の観測

銀河サーベイ (SDSSなど)

- 銀河をテスト粒子として使う
- 重力レンズ
- 銀河団
- ガス雲(ライマンαの吸収線など)



53



このようなデータを、どう理解すれば良いか?

観測量

- 基本観測量は、無次元密度揺らぎδ
 - δ=(n-<n>)/<n> [ここでnは銀河の個数密度]
- ●これを、天球座標と赤方偏移の関数として測定す
 - る。つまり $\delta = \delta(RA, DEC, z)$
- 密度揺らぎは、「等赤方偏移面」で測定されてい
 - る事に注意

まず手始めに

観測されたδが、物質密度の揺らぎと等しいと仮定してみよう。つまりδ=(ρ-<ρ>)/<ρ>

 この仮定はほとんどの場合で正しくないので、後 ほど補正する

線形摂動理論

●見通しを良くするため、トムソン散乱による光子 とバリオンの相互作用を無視して、重力相互作用 のみを考える。

メトリックは (ニュートンゲージで)

 $ds^{2} = -[1 + 2\Psi(t, \vec{x})]dt^{2} + a^{2}(t)[1 + 2\Phi(t, \vec{x})]d\vec{x} \cdot d\vec{x}$

 一般相対論より導かれるδの方程式系は...

解くべき方程式

 連続の式(質量保存の式) $\dot{\delta} = -\frac{1}{-}\nabla \cdot \vec{V} - 3\dot{\Phi}$ オイラーの式(運動量保存の式) $\dot{\vec{V}} = -\frac{\dot{a}}{-}\vec{V} - \frac{1}{-}\vec{\nabla}\Psi$ アインシュタイン方程式("ポアソン方程式")

 $\Psi = -\Phi$

 $\nabla^2 \Phi = 4\pi G a^2 \bar{\rho} \left(\delta - 3\dot{a} \nabla^{-2} \vec{\nabla} \cdot \vec{V} \right)$



● 放射優勢期(z>>3000)

Ψ=一定 (地平線の外側);Ψは減衰 (地平線の内側)

- 物質優勢期(|<<z<3000)
 - Ψ=−定 (全スケール)
- 暗黒エネルギー優勢期

 Ψは減衰(全スケール)

特徴的なスケールを 与える!

パワースペクトル, P(k)

 密度揺らぎをフーリエ変換して、そのフーリエ係 数を2乗する。

• $P(k) = < |\delta_k|^2 >$ ● 観測可能量!







大規模構造の果たす役割

- CMBのデータでは、k=0.2 Mpc⁻¹ (I=3000)よりも 小さなスケールのスペクトルを測定する事がで きない
 - ●より小さなスケールを見るには、大規模構造の データが必要!
 - ●しかし、それには非線形領域を理解せねばなら ない。



バリオン音響振動 (BAO)

バリオンと光子がトムソン散乱を通してカップル する事により生じる効果

冷たい暗黒物質 $\dot{\vec{V}}_c = -\frac{\dot{a}}{c}\vec{V}_c - \frac{1}{-}\vec{\nabla}\Psi$ バリオン $\dot{\vec{V}}_b = -\frac{\dot{a}}{a}\vec{V}_b - \frac{1}{a}\vec{\nabla}\Psi + \frac{\sigma_T n_e}{3\rho_b/(4\rho_\gamma)}(\vec{V}_\gamma - \vec{V}_b)$



バリオン音響振動 (BAO)







● P(k)のBAOは薄められて、観測は難しい 68



BAOの使い道

- BAOは、k空間でsin²(kr_s)のような振動を与える
 - r_s=153Mpcは、音波がz=1020までに進む事のでき た距離
- これをある角度θで観測したとすると、角波数は I=π/θ=kd_A (D_Aは角径距離)

● 従って、BAOの観測からD_Aを決める事ができる! 新しい距離決定法



69

DAだけじゃない

- 銀河サーベイの真に素晴らしいところは、赤方偏 移空間で観測がされる点。これより、DAだけでな く、宇宙の膨張率Hも直接測定可能となる!
 - 角度方向の情報からはD_Aが得られる
 - $=> D_A(z) = r_s(1020)/\theta$
 - 視線方向の情報からはHが得られる
 - $=> H(z) = c\Delta z / [(1+z)r_s(1020)]$

なぜBAOか:まとめ

- 距離(Angular Diameter Distance, D_A(z))が測れる
- 宇宙の膨張率(Hubble Rate, H(z))が測れる
- ●距離と膨張率。宇宙論をやる上で、これほど基本 的な量はない。
 - ついでに、暗黒エネルギーの事がわかるかも?

- (暗黒エネルギー状態方程式) I+w = 0.00 I±0.057
- (暗黒エネルギー) Ω_{de} = 0.725±0.016
- (曲率) Ω_k < 0.008 (95%CL)
- (物質密度) Ω_m = 0.275±0.016
- (放射密度) Ω_r = (8.4±0.3)x10⁻⁵
- (膨張率) H(0) = 70.2 ± 1.4 km/s/Mpc
- $H^{2}(z) = H^{2}(0)[\Omega_{r}(|+z)^{4} + \Omega_{m}(|+z)^{3} + \Omega_{k}(|+z)^{2} + \Omega_{de}(|+z)^{3(|+w)}]$
H(z)から距離へ

• 共動距離

• $\chi(z) = c \int z [dz'/H(z')]$

• 角径距離

• $D_A(z) = [\chi(z)/(1+z)][1-(k/6)\chi^2(z)/R^2+...]$ ● R=(曲率半径); k=(曲率の符号)



BAOからHとDAを決める Н DA ● 使える空間次元はD_A 2 次元, H 1 次元。よって、D_A の方が良く決まる。

BAOを超える

- しかし、BAOというのはシグナルが小さい!
- P(k)には、BAO以外にももっと情報がある。 BAOだけを使うのはナンセンス。



Shoji, Jeong & Komatsu (2009)

D_A

しくみ:アルコック・ パチンスキー(AP)テスト

アイデア: (特異速度を無視すれば)パワースペク
 トルは天球方向と視線方向で同じ、すなわち等方
 的であるはず。

D_A: 天球座標(RA, Dec)から視線方向に垂直な距離 rperpを導き、それを波数になおす

- k_{perp} = (2π)/r_{perp} = (2π)[角度]/D_A
- H:赤方偏移zから視線方向の距離r_{para}を導き、それ を波数になおす

• $k_{para} = (2\pi)/r_{para} = (2\pi)H/(c\Delta z)$ $D_A \delta H \delta$ D_Aが誤りなら Hが誤りなら 正しければ **k**_{para} **K**_{perp} **K**_{Derp}

Kperp

78

D_A: 天球座標(RA, Dec)から視線方向に垂直な距離 rperpを導き、それを波数になおす

- k_{perp} = (2π)/r_{perp} = (2π)[角度]/D_A
- H:赤方偏移zから視線方向の距離r_{para}を導き、それ を波数になおす

• $k_{para} = (2\pi)/r_{para} = (2\pi)H/(c\Delta z)$ $D_A \delta H \delta$ D_Aが誤りなら Hが誤りなら 正しければ **k**_{para} **K**perp Kperp



APテストからDAHを決める

- 従って、APテストからD_Aと Hを独立に決める事はでき ないが、その積D_AHを決め る事はできる!
- これはBAOと組み合わせる
 事で、D_AとHの測定制度を
 改善できる



Hobby-Eberly Telescope Dark Energy Experiment (HETDEX)



1st Stars about 400 million yrs.

9.2-m HETを使って80万個のライマンα輝線銀河 の地図を作る計画 (z=1.9-3.5)

Dark Energy **Accelerated Expansion**

Galaxies, Planets, etc.





SDSSの現在の到達点



HETDEXだとこうなる予定







トリノ質量

- ニュートリノは小スケー ルでのP(k)を減衰させる (k>0.1 h Mpc⁻¹).
 便利な数:
 - ∑m_v=0.1eVの場合、
 k>0.1 h Mpc⁻¹でP(k)は
 ~7%減衰する。
 - これは余裕で測定可能!

ニュートリノ質量



ニュートリノの全質量

• $\Delta P/P \sim -8\Omega_v/\Omega_m = -[8/(\Omega_m h^2)]\Sigma m_v/94eV$

個々のニュートリノ質量

• $k_{\text{fs},i}(z) \equiv \sqrt{\frac{3}{2} \frac{H(z)}{(1+z)\sigma_{v,i}(z)}} \simeq \frac{0.677}{(1+z)^{1/2}} \left(\frac{m_{\nu,i}}{1 \text{ eV}}\right) \Omega_{\text{m}}^{1/2} h \text{ Mpc}^{-1}$





現在の制限より6倍ほど良い

まとめ

- 宇宙論研究の主題は、枠組みの構築から個々 の成分の理解へと転換した。これからは
- 宇宙マイクロ波背景放射(偏光と非ガウス性)
- 大規模構造(距離決定と揺らぎの成長率)
- より、インフレーション、暗黒エネルギー、 暗黒物質、ニュートリノ質量の理解が進む事が 期待される。

パイスペクトル

Bζ(k₁,k₂,k₃) = <ζ_{k1}ζ_{k2}ζ_{k3}> = (振幅) × (2π)³δ(k₁+k₂+k₃)F(k₁,k₂,k₃) エデルに依存する関数 原始曲率揺らぎ







MOST IMPORTANT



Maldacena (2003); Seery & Lidsey (2005); Creminelli & Zaldarriaga (2004)

単一スカラー場の定理

- 全ての単一スカラー場のモデルにおいて、squeezed limit のバイスペクトルは以下の形をとる:
- $B_{\zeta}(\mathbf{k}_1 \sim \mathbf{k}_2 >> \mathbf{k}_3) \approx (1 n_s) \times (2\pi)^3 \delta(\mathbf{k}_1 + \mathbf{k}_2 + \mathbf{k}_3) \times P_{\zeta}(\mathbf{k}_1) P_{\zeta}(\mathbf{k}_3)$
 - 全ての単ースカラー場のモデルはf_{NL}≈(5/12)(1-n_s)を予 言する。現在のnsの値を用いれば、f_{NL}は0.01程度であ る事がわかる。

バイスペクトルの現在の結果

- バイスペクトルはまだ検出されていない。95%の制限は
 - $-10 < f_{NI} > -10$
- 68%の制限はf_{NI} local = 32 ± 21
 - つまり、WMAPのデータは単一スカラー場のインフ レーションの予言と無矛盾: I-n_s≈r≈f_{NI}
- プランクは68%の制限で∆f_{NI} local = 5を得ると期待される

Komatsu et al. (2011)



•(左) コヒーレントな速度場 => 視線方向の相関の<u>上昇</u>

-"Kaiser"効果

•(右) ビリアル的ランダム運動 => 視線方向の相関の<u>減少</u>

-"Finger-of-God"効果





Kaiser効果

- $P(k,\mu) = (1+f\mu^2)^2 P(k)$
 - $f=dln\delta/dlnaは、\deltaの成長率$
 - µ=I(視線方向); µ=0(視線方向に垂直)
- この効果を考慮すると、APテストはどうなる?



も重要

• $f=dln\delta/dlna$ は δ の時間依存性の情報を持つ

物質優勢期には厳密にf=I

● 暗黒エネルギー優勢期にはf<lで、実際の値は 暗黒エネルギーの性質に依存する



Redshift z

~Ⅰ0%の精度。将来的には~Ⅰ%の精度を目指す

Blake et al. (2011)